

Correction du Bac Blanc année 2012

Comme un poisson dans l'eau 8 points

Etude d'une solution commerciale pour baisser le pH

Questions	Réponses attendues
1.1	$H_3O^+ + HO^- = 2H_2O$
1.2	Equivalence : les réactifs sont introduits dans les proportions stœchiométriques. Détermination graphique de V_E : $V_E = 25,5$ mL
1.2.2	Exploitation stœchiométrie(ou tableau d'avancement au choix) $\frac{n(H_3O^+)_{prél}}{1} = \frac{n(HO^-)_{vers}}{1}$ Relation à l'équivalence : donc $n(H_3O^+)_{prél} = n(HO^-)_{vers} = C_B V_E = 0,001$ mol Donc, $[H_3O^+] = \frac{n(H_3O^+)_{prél}}{V_A} = \frac{0,001}{0,02} = 0,051$ mol.L ⁻¹ solution diluée.
1.2.3	Facteur de dilution $k = 50$ donc dans la solution commerciale, $[H_3O^+]_{com} = 50 \times [H_3O^+] = 50 \times 0,051 = 2,55$ mol.L ⁻¹
1.3.1	Si c'est une simple dilution, $n(H_3O^+)_{vers} = [H_3O^+]_{com} \times V = 5,0 \times 10^{-2}$ mol $[H_3O^+]_{aquarium} = \frac{[H_3O^+]_{com} \times V}{V_{aquarium}} = 5,0 \times 10^{-4}$ mol.L ⁻¹
1.3.2	$pH = -\log([H_3O^+])$ Donc, $pH = -\log([H_3O^+]) = -\log(0,5) = 3,3$
1.4.1	$K_1 = \frac{[CO_2]_{eq}}{[HCO_3^-]_{eq} [H_3O^+]_{eq}}$
1.4.2	$K_a = \frac{[HCO_3^-]_{eq} [H_3O^+]_{eq}}{[CO_2]_{eq}} = \frac{1}{K_1}$ donc $K_1 = \frac{1}{K_a} = 10^{6,4} = 2,5 \times 10^6$
1.5.1	$Q_{r,i} < K_1$ donc, le système évolue spontanément dans le sens direct. Il y a consommation d'ions H_3O^+
1.5.2	Le pH final sera donc supérieur au pH calculé en 1.3
1.5.3	S'il n'y a pas assez d'ions HCO_3^- , la réaction 1 ne pourra pas se faire et il ne pourra y avoir consommation d'ions oxonium. L'eau restera donc trop acide.

1. Formation des ions ammonium

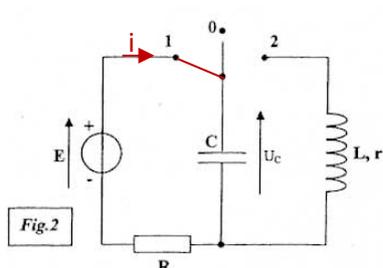
Questions	Réponses attendues																							
2.1.1	$(NH_2)_2CO_{(aq)} = NH_4^+_{(aq)} + OCN^-_{(aq)}$																							
	<table border="1"> <thead> <tr> <th rowspan="2">État</th> <th rowspan="2">Avancement (mol)</th> <th colspan="3">Quantités de matière (mol)</th> </tr> <tr> <th>$(NH_2)_2CO$ (aq)</th> <th>NH_4^+ (aq)</th> <th>OCN^- (aq)</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>État initial</td> <td>$x = 0$</td> <td>cV = 0,002</td> <td>0</td> <td>0</td> </tr> <tr> <td>État en cours d'évolution</td> <td>x</td> <td>0,002-x</td> <td>x</td> <td>x</td> </tr> <tr> <td>État final en supposant la transformation totale</td> <td>x_{max}</td> <td>0,002-x_{max}</td> <td>x_{max}</td> <td>x_{max}</td> </tr> </tbody> </table>	État	Avancement (mol)	Quantités de matière (mol)			$(NH_2)_2CO$ (aq)	NH_4^+ (aq)	OCN^- (aq)	État initial	$x = 0$	cV = 0,002	0	0	État en cours d'évolution	x	0,002-x	x	x	État final en supposant la transformation totale	x_{max}	0,002-x_{max}	x_{max}	x_{max}
	État			Avancement (mol)	Quantités de matière (mol)																			
		$(NH_2)_2CO$ (aq)	NH_4^+ (aq)		OCN^- (aq)																			
	État initial	$x = 0$	cV = 0,002	0	0																			
État en cours d'évolution	x	0,002-x	x	x																				
État final en supposant la transformation totale	x_{max}	0,002-x_{max}	x_{max}	x_{max}																				
2.1.2	$[NH_4^+] = \frac{x}{V}$ et $[OCN^-] = \frac{x}{V}$																							

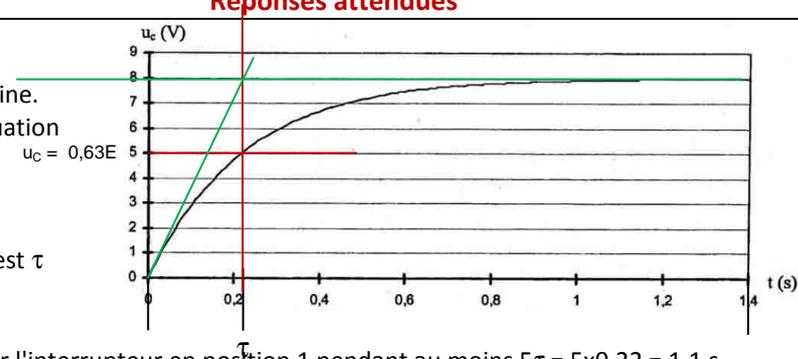
1. Etude d'une solution commerciale pour baisser le pH

Questions	Réponses attendues
2.1.3	$\sigma = (\lambda(NH_4^+) + \lambda(OCN^-)) \cdot \frac{x}{V}$
2.1.4	$\sigma_{max} = (\lambda(NH_4^+) + \lambda(OCN^-)) \cdot \frac{x_{max}}{V}$

	donc $\frac{\sigma}{\sigma_{\max}} = \frac{x}{x_{\max}}$ soit $x = \frac{\sigma}{\sigma_{\max}} \cdot x_{\max}$
2.1.5	L'avancement maximal est atteint si le réactif disparaît totalement donc $n((\text{NH}_2)_2\text{CO})_f = 0,002 - x_{\max} = 0$ d'où $x_{\max} = 0,002$ mol
2.2	Pour $t = 110$ min, $x = 0,0013$ mol donc $\tau = \frac{x}{x_{\max}} = \frac{0,0013}{0,002} = 0,65$
2.3	Deux tangentes, inclinaison des tangentes, La vitesse décroît.
2.4	$x_f = [\text{NH}_4^+]_f \cdot V = 0,002$ mol donc $\tau = \frac{0,002}{0,002} = 1$ La transformation est totale
2.5	Temps au bout duquel la moitié du réactif limitant a disparu. Il reste donc 0,001 mol de réactif soit graphiquement : $t_{1/2} = 60$ minutes.
2.6	Même évolution, sous la courbe précédente.
2.7	Les plantes vertes assimilent les ions nitrate. Ils disparaissent donc et ne nuisent plus aux poissons.

Le piège photo 7 points

Questions	Réponses attendues
1.1	
1.2	<p>Additivité des tensions $E = u_C + u_R$ Expression u_R et i $u_R = Ri - R \frac{dq}{dt} = R \frac{dCuc}{dt} = RC \frac{duc}{dt}$</p> <p>Equation différentielle $uc + RC \frac{duc}{dt} = E$ Elle est bien de la forme proposée si $\tau = RC$</p>
1.3	En régime permanent , $\frac{duc}{dt} = 0$ donc, dans ce cas, $uc + 0 = E$ donc $uc = E$
1.4	$\frac{duc}{dt} = \frac{A}{\tau} e^{-t/\tau}$ donc, $uc + RC \frac{duc}{dt} = A(1 - e^{-t/\tau}) + RC \frac{A}{\tau} e^{-t/\tau} = A - Ae^{-t/\tau} + Ae^{-t/\tau} = A = E$ La fonction proposée est donc bien solution de l'équation différentielle si $A = E$
1.5	Si $t = 5\tau$, alors $uc = E(1 - e^{-5\tau/\tau}) = E(1 - e^{-5}) = 7,9V$. On peut donc considérer que le condensateur est chargé car dans ce cas, $uc = 8V$

Questions	Réponses attendues
1.6	<p>Deux possibilités :</p> <p>Tracer la tangente à l'origine. Elle coupe la droite d'équation $uc = 8$ à $t = \tau$ Se placer sur la courbe à $uc = 0,63 \times 8 = 5,0V$. Le temps correspondant est τ</p> <p>On trouve $\tau = 0,22s$ L'opérateur doit maintenir l'interrupteur en position 1 pendant au moins $5\tau = 5 \times 0,22 = 1,1s$</p> 

Déclenchement du piège

Questions	Réponses attendues
2.1	Graphiquement, on montre que ce temps est de 7 ms C'est très court et permettra donc la prise de la photographie.

2.2	$E = \frac{1}{2} CE^2$ donc, pour augmenter l'énergie, on peut augmenter C ou augmenter E
Détermination de l'inductance L	
Questions	Réponses attendues
3.1.	Régime pseudo périodique
3.2.	T_0 a la même unité que \sqrt{LC} LC en [H] [F] Transformation de H : $u_L = \frac{L di}{dt}$ donc $L = \frac{u_L}{\frac{di}{dt}}$ donc [H] = [V] [A] ⁻¹ [s] Transformation de F : $C = \frac{Q}{uc} = \frac{Ixt}{uc}$ donc [F] = [A] [s] [V] ⁻¹ On a donc [H] [F] = [V] [A] ⁻¹ [s] [A] [s] [V] ⁻¹ = [s] ² donc \sqrt{LC} s'exprime en [s].
3.3	On peut mesurer $4T_0 = 8,0 \times 10^{-5}$ s donc $T_0 = 2,0 \times 10^{-5}$ s. $T_0^2 = 4\pi^2 LC$ donc $L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C} = \frac{(2,0 \times 10^{-5})^2}{4\pi^2 \times 10 \times 10^{-9}}$ $1,0 \times 10^{-3}$ H soit 1 mH
3.4	Perte d'énergie sous forme de chaleur à cause de la résistance. (Effet Joule)
Scintigraphie thyroïdienne 5 points	
Questions	Réponses attendues
1.1	${}^2_1\text{H} + {}^{122}_{52}\text{Te} \longrightarrow {}^{123}_{53}\text{I} + {}^a_z\text{X}$ Conservation de Z : $52 + 1 = 53 + z$ donc $z = 0$ Conservation de A : $2 + 122 = 123 + a$ donc $a = 1$. La particule est un neutron (nucléon ($a = 1$) non chargé ($z = 0$))
Questions	Réponses attendues
1.2	$\lambda t_{1/2} = \ln 2$ donc $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ Pour ${}^{123}_{53}\text{I}$ $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{1,459 \times 10^{-5}} = 4,751 \times 10^4$ s Pour ${}^{131}_{53}\text{I}$ $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{1,001 \times 10^{-6}} = 6,925 \times 10^5$ s L'iode 123 disparaît plus vite de l'organisme des patients
2.1	L'activité est liée au nombre de noyau donc après le premier prélèvement, l'activité $A = 28,5 - 7 = 21,5$ MBq
2.2	$e^{-\lambda \Delta t} = \exp(-1,469 \times 10^{-5} \times 30 \times 60) = 0,974$ donc $A(9h30) = A_0 e^{-\lambda \Delta t} = 21,5 \times 0,974 = 20,9$ MBq avant prélèvement pour le second patient
2.3	Après l'injection au second patient, il reste $20,9 - 7 = 13,9$ MBq. Puis, trente minutes plus tard, il reste $13,9 \times 0,974 = 13,5$ MBq Après l'injection au troisième patient, il reste $13,5 - 7 = 6,5$ MBq, ce qui est insuffisant pour une injection supplémentaire. On peut donc traiter 3 patients.
3.1	$A_{\text{injecté}} = \lambda N_0$ donc $N_0 = \frac{A_{\text{injecté}}}{\lambda} = \frac{7 \times 10^6}{1,459 \times 10^{-5}} = 5 \times 10^{11}$ noyaux
3.2	Au bout de 6 semaines, soit $\Delta t = 6 \times 7 \times 24 \times 3600$ s, l'activité due à la première injection vaut $A = A_0 e^{-\lambda \Delta t} = 7 \times 10^{-17}$ Bq, ce qui est négligeable.
3.3	Le nodule est la zone blanche. Il ne fixe donc pas l'iode. Il est donc hypofixant.

LA HARPE CELTIQUE

Questions	Réponses attendues
1.1	Vibrer et émettre
1.2	Les cordes émettent une vibration mécanique La caisse de résonance émet le son.
2.1	Un fuseau = 1 ventre et 2 nœuds 
2.2	Condition d'existence des ondes stationnaires : $L = n \cdot \frac{\lambda}{2}$ Pour le mode fondamental $n = 1$, alors $L = \frac{\lambda}{2}$
2.3	$\lambda = \frac{v}{f}$ et d'après 2.2. $\lambda = 2.L$ ainsi $2.L = \frac{v}{f}$ donc $f = \frac{v}{2.L}$
2.4	$v = 2.L.f$ $v = 2 \times 0,72 \times 440 = 634 \text{ m.s}^{-1}$
2.5	La corde étant de même nature, la célérité de l'onde n'est pas modifiée. La fréquence de l'onde est celle du la_1 , soit $f_1 = 110 \text{ Hz}$. $L_1 = \frac{v}{2.f_1}$ avec $v = 2.L.f$, il vient $L_1 = \frac{2.L.f}{2.f_1} = L \cdot \frac{f}{f_1}$ $L_1 = 0,72 \times \frac{440}{110} = 2,88 \text{ m} = \mathbf{2,9 \text{ m}}$. Une corde d'une si grande longueur n'est pas envisageable
2.6	Au 2.3. nous avons établi $f = \frac{v}{2.L}$, ainsi pour diminuer la fréquence (et atteindre celle du la_1), tout en maintenant L constante, il faut diminuer la célérité v de l'onde le long de la corde. L'énoncé indique $v = \sqrt{\frac{T}{\mu}}$. Pour diminuer v, il faut diminuer la tension T de la corde ou changer de corde et utiliser une corde masse linéique μ plus grande.
2.7	Le texte indique « En soulevant les palettes, ... on raccourcit de quelques centimètres la longueur de chaque corde ». D'après 2.3. $f = \frac{v}{2.L}$, si L diminue avec v constante (car même corde et même tension) alors f augmente . Le son sera ainsi plus aigu .
3.1	Le spectre n°1 montre que la fréquence du mode fondamental est égale à 130 Hz. La hauteur est caractérisée par cette fréquence de 130 Hz .
3.2	Les différentes fréquences obtenues correspondent aux autres modes propres de vibration de la corde, ce sont des harmoniques de rangs supérieurs à 1. Soit f la fréquence du mode fondamental, et f_n la fréquence d'un harmonique de rang n, on a $f_n = n.f$.
4.1	Pour obtenir un intervalle consonant les deux notes doivent avoir des harmoniques en commun . Les notes do_2 et do_3 possèdent les harmoniques de fréquences 260 Hz et 520 Hz en commun. Tandis que les notes do_2 et $ré_2$ ne possèdent pas d'harmoniques en commun. Le harpiste doit jouer simultanément les notes do_2 et do_3.
4.2	Soit le niveau sonore d'une seule note $L = 10 \log \frac{I}{I_0}$. Deux notes d'intensité sonore I jouées simultanément produisent un son d'intensité sonore $I_2 = 2I$. Le niveau sonore sera alors $L_2 = 10 \log \frac{2.I}{I_0}$. $L_2 = 10 (\log 2 + \log \frac{I}{I_0})$ $L_2 = 10 \log 2 + L$ $L_2 = 3 + L$ Le niveau sonore n'est pas doublé , mais seulement augmenté de 3 dB.